

Albrecht Beutelspacher

## **Kryptologie**

Alles von Beutelspacher

## **Kryptologie**

von A. Beutelspacher

## **Moderne Verfahren der Kryptographie**

von A. Beutelspacher

## **Kryptographie in Theorie und Praxis**

von A. Beutelspacher und H. B. Neumann (in Planung)

## **„Das ist o. B. d. A. trivial!“**

von A. Beutelspacher

## **Diskrete Mathematik für Einsteiger**

von A. Beutelspacher und M. A. Zschiegner

## **Lineare Algebra**

von A. Beutelspacher

## **Lineare Algebra interaktiv (CD-ROM)**

von A. Beutelspacher und M. A. Zschiegner

## **„In Mathe war ich immer schlecht ...“**

von A. Beutelspacher

## **Projektive Geometrie**

von A. Beutelspacher und U. Rosenbaum

**vieweg**

Albrecht Beutelspacher

# **Kryptologie**

**Eine Einführung in die Wissenschaft vom  
Verschlüsseln, Verbergen und Verheimlichen.**

**Ohne alle Geheimniskrämerei,  
aber nicht ohne hinterlistigen Schalk,  
dargestellt zum Nutzen und Ergötzen  
des allgemeinen Publikums**

6., überarbeitete Auflage

Springer Fachmedien Wiesbaden GmbH

Die Deutsche Bibliothek – CIP-Einheitsaufnahme  
Ein Titeldatensatz für diese Publikation ist bei  
Der Deutschen Bibliothek erhältlich.

Prof. Dr. *Albrecht Beutelspacher*  
Universität Gießen  
Mathematisches Institut  
Arndtstraße 2  
D-35392 Gießen

E-Mail: [albrecht.beutelspacher@math.uni-giessen.de](mailto:albrecht.beutelspacher@math.uni-giessen.de)

1. Auflage 1987
- 2., verbesserte und erweiterte Auflage 1991
- 3., verbesserte Auflage 1993
- 4., verbesserte Auflage 1994
- 5., verbesserte Auflage 1996
- 6., überarbeitete Auflage Juli 2002

Alle Rechte vorbehalten

© Springer Fachmedien Wiesbaden, 2002

Ursprünglich erschienen bei Friedr. Vieweg & Sohn Verlagsgesellschaft mbH, Braunschweig/  
Wiesbaden in 2002

Der Verlag Vieweg ist ein Unternehmen der Fachverlagsgruppe BertelsmannSpringer.  
[www.vieweg.de](http://www.vieweg.de)



Das Werk einschließlich aller seiner Teile ist urheberrechtlich geschützt. Jede Verwertung außerhalb der engen Grenzen des Urheberrechtsgesetzes ist ohne Zustimmung des Verlags unzulässig und strafbar. Das gilt insbesondere für Vervielfältigungen, Übersetzungen, Mikroverfilmungen und die Einspeicherung und Verarbeitung in elektronischen Systemen.

Konzeption und Layout des Umschlags: Ulrike Weigel, [www.CorporateDesignGroup.de](http://www.CorporateDesignGroup.de)

Gedruckt auf säurefreiem und chlorfrei gebleichtem Papier

ISBN 978-3-528-58990-5

ISBN 978-3-663-10576-3 (eBook)

DOI 10.1007/978-3-663-10576-3

# Vorwort

*Aut prodesse volunt aut delectare poetae  
aut simul et iucunda et idonea dicere vitae.*

(Horaz)

Seit es mit Sprache begabte Lebewesen gibt, gibt es auch vertrauliche Mitteilungen. Das heißt Mitteilungen, die nur für eine einzige Person oder nur für einen ganz bestimmten Personenkreis bestimmt sind, und von denen Außenstehende keine Kenntnis erhalten sollen.

Wie kann eine Nachricht 'sicher' übermittelt werden? Also so, dass nur der berechtigte Empfänger die Nachricht dechiffrieren kann? Fast noch wichtiger: Wie kann man erreichen, dass die Nachricht wirklich beim Empfänger ankommt, und zwar genauso, wie man sie losgeschickt hat?

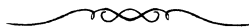
Es gibt grundsätzlich verschiedene Möglichkeiten, diese Probleme zu lösen. Die erste Methode besteht darin, die Existenz der Nachricht zu verheimlichen. Man könnte die vertrauliche Nachricht zum Beispiel mit unsichtbarer Tinte schreiben. Oder man könnte in einem unverfänglichen Brief gewisse Buchstaben markieren, indem man zum Beispiel mit einer Stecknadel ein kleines Loch darunter macht; die markierten Buchstaben ergeben die eigentliche Nachricht. Man spricht von Methoden der Steganographie.

Man kann auch versuchen, das Problem organisatorisch zu lösen. Etwa, indem man die Mitteilung durch eine vertrauenswürdige Person überbringen lässt. Zu allen Zeiten haben heimlich Verliebte solche Methoden eingesetzt – und fast alle klassischen Tragödien zeugen vom letztlichen Scheitern dieser Bemühungen.

Eine ganz andersartige Methode besteht darin, vertrauliche Nachrichten zu verschlüsseln. In diesem Fall verheimlicht man nicht ihre Existenz. Im Gegenteil: Man übermittelt die Nachricht über einen unsicheren Kanal, aber so ‚chiffriert‘, dass niemand – außer dem wirklichen Empfänger – die Nachricht ‚dechiffrieren‘ kann. Dies ist eine ganz perfide Herausforderung des Gegners; solche Herausforderungen wurden in der Regel auch angenommen – und nicht selten wurde der Spieß umgedreht.

Wir werden uns in diesem Buch hauptsächlich mit dieser letzten Methode, also der Verschlüsselung der Nachrichten zum Zwecke der Geheimhaltung beschäftigen.

Ein zweiter Schwerpunkt des Buches ist die Integrität und Authentifikation. Hier geht es nicht darum, eine Nachricht gegen unberechtigtes Lesen zu schützen, sondern vor unberechtigter Änderung. Dieses Problem hat in den letzten Jahren große praktische Bedeutung erworben.



Bis vor wenigen Jahrzehnten waren Militärs die einzigen, die sich professionell mit Kryptologie beschäftigt haben. Nur im militärischen Bereich gab es genügend Motivation – und ausreichende Mittel –, um die damaligen Chiffriermaschinen, diese ausgeklügelten mechanischen Wunderwerke, zu entwickeln, zu bezahlen und zu benutzen. Besonders berühmt war die E-

NIGMA (griechisch für ‚Rätsel‘), die im 2. Weltkrieg von den Deutschen benutzt wurde. Systematische Angriffe auf die ENIGMA wurden bereits vor dem Krieg in Polen und dann während des zweiten Weltkriegs im Britischen Dechiffrierzentrum in Bletchley Park unternommen. Den Briten gelang es nicht nur, das ENIGMA-System zu knacken, sondern sie konnten diese Tatsache auch bis zum Ende des zweiten Weltkriegs vor den Deutschen geheimhalten. Eine andere Maschine, der Geheimschreiber T-52 von Siemens & Halske, der zur Übermittlung streng geheimer Nachrichten eingesetzt wurde, blieb während dieser Zeit sicher.

Es gibt eine interessante Verbindung zwischen diesen Angriffen auf Chiffriermaschinen und den Anfängen der Computerentwicklung. Während des zweiten Weltkriegs entwickelten die Engländer elektromechanische und elektronische Maschinen, um die deutschen verschlüsselten Nachrichten zu knacken. Die berühmteste dieser Maschinen, die Röhrenrechenanlage COLOSSUS, kann als der erste digitale Computer angesehen werden. Es ist bemerkenswert, dass der englische Mathematiker Alan M. Turing (1912 bis 1954), der später als der Vater der theoretischen Informatik berühmt wurde, zwar eine entscheidende Rolle im Dechiffrierteam von Bletchley Park gespielt hat, nicht aber an der Entwicklung des COLOSSUS beteiligt war.

Die Tatsache, dass die Kryptologie bei der Geburt der modernen Computer Pate stand, hat Symbolcharakter. Mit der überwältigenden Verbreitung der elektronischen Datenverarbeitung seit den 60-er Jahren des 20. Jahrhunderts ist die Kryptologie auf neue Füße gestellt worden. Dies hat verschiedene Gründe. Einige seien hier genannt:

- Beim Versuch, ein gegnerisches System zu brechen, müssen Unmengen von Daten, z.B. Buchstabenketten und Zahlenkolonnen verarbeitet werden: Man muss Daten vergleichen, Mittelwerte, Standardabweichungen und vieles andere mehr berechnen – alles Dinge, die ein Computer sehr viel schneller und besser kann als der Mensch. Die Konsequenz ist, dass Kryptosysteme, die heute mit Erfolg eingesetzt werden sollen, wesentlich komplexer sein müssen als ihre Vorgänger vor zwei oder drei Generationen.
- Andererseits ermöglicht moderne Hard- und Software die Implementierung von komplexen und anspruchsvollen mathematischen Algorithmen. Mit diesen erreicht man einen Grad von Sicherheit, zu dem es in der Geschichte keine Parallele gibt: Ein kleiner Zuwachs in der Komplexität eines Algorithmus führt zu einem überdimensionalen Anwachsen der Ressourcen, die zum Brechen des Systems benötigt werden. Der Witz der modernen Kryptologie ist, dass der Computer nicht nur die Ursache vieler Probleme ist, sondern gleichzeitig der Schlüssel zur ihrer Lösung.
- Durch das Vordringen elektronischer Datenverarbeitung und insbesondere von elektronischer Kommunikation in immer mehr Bereiche öffnen sich gänzlich neue Aufgabengebiete für die Kryptologie. Neben den 'klassischen' militärischen Anwendungen treten heute ganz neuartige Anforderungen an die Kryptologie heran. Es gehört nicht viel Prophetengabe dazu, vorauszusagen, dass die Kryptologie (die sich erst in den letzten Jahren als seriöse Wissenschaft etabliert hat) in den kommenden Jahren einen weiteren rasanten Aufschwung erleben wird. Ich nenne einige typische neuartige Probleme.

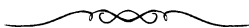
Die Gespräche, die Sie über Ihr Handy führen, können prinzipiell abgehört werden – jedenfalls zwischen dem Handy und der ersten Basisstation. Folglich müssen die Gespräche so chiffriert werden, dass ein Abhörer nur einen sinnlosen Tonsalat erkennt.

Ein ähnliches Problem zeigt sich in der Wegfahrsperrung beim Auto. Sie möchten zwar, dass ein Druck auf ihren Schlüssel ihr Auto öffnet, Sie würden es aber sehr ungern sehen, wenn ihr

Nachbar mit einem Druck auf seinen Autoschlüssel auch Ihr Auto öffnen könnte. Das Problem besteht darin, dass die Elektronik ihres Autos erkennen können muss, ob der richtige Schlüssel gedrückt wurde oder nicht. Mit den Mitteln der Benutzerauthentifikation kann man diese und ähnliche Probleme elegant und effizient lösen.

In zunehmendem Maße werden Geldüberweisungen elektronisch getätigt Stichworte sind etwa ‚Homebanking‘ und ‚electronic cash‘. Hier wird ein elektronischer Ersatz für die herkömmliche handschriftliche Unterschrift benötigt. In mehr als einer Hinsicht ist die sogenannte digitale Signatur besser als die vertraute handschriftliche Unterschrift.

Die meisten der heutigen mittleren und größeren Computer sind so ausgelegt, dass viele Benutzer prinzipiell unabhängig voneinander mit dem Rechner arbeiten können (Multiuser-Systeme). In solchen Situationen muss sich der Rechner von der Identität der Benutzer überzeugen können. Traditionell geschieht das durch Passwortverfahren; schon heute werden hierfür aber auch Chipkarten eingesetzt.



Jeder, der mit solchen oder ähnlichen Anwendungen zu tun hat, wird zustimmend bekennen: „Selbstverständlich brauchen wir Sicherheit! Aber – warum soll die Kryptologie das Allheilmittel sein? Gibt es nicht auch andere Methoden, um Sicherheit zu erreichen?“ Natürlich gibt es andere Methoden! Denken Sie zum Beispiel an die über Jahrhunderte entwickelten ausgefeilten Techniken, die dazu dienen, unsere Banknoten sicher zu machen: Spezialpapier, komplexe (manchmal sogar schöne) Bilder, Präzisionsdruck, Wasserzeichen, Silberdraht, und vieles andere mehr.

Also: Warum Kryptologie?

Die Antwort ist einfach: Kryptologie ist besser! Ein Grund dafür ist, dass Kryptologie eine mathematische Disziplin ist. Das mag übertrieben klingen, ist es aber nicht: Die Mathematik liefert die theoretische Rechtfertigung für die Stärke eines Verfahrens. Mit Mathematik kann man – im Idealfall – beweisen, dass ein kryptographischer Algorithmus ein gewisses Sicherheitsniveau hat. Und wenn die Sicherheit einmal mathematisch bewiesen ist, ist kein Zweifel mehr möglich, dass dieser Algorithmus wirklich sicher ist. Man muss sich dann nicht mehr auf (sich mitunter widersprechende) Expertenmeinungen verlassen, man braucht sich bei der Einschätzung der Sicherheit nicht auf die ‚heutige Technologie‘, die morgen ganz anders sein kann, zu berufen usw.

Ich muss allerdings gestehen, dass solche Beweise bislang nur in sehr wenigen Fällen gelungen sind. Dennoch: Mathematik ist ein vertrauenswürdiges Instrument, um Kryptosysteme systematisch zu untersuchen (das heißt zu entwerfen und zu analysieren). Das ist der Grund, weshalb kryptologische Mechanismen im Zweifel anderen Sicherheitsmechanismen vorzuziehen sind: *In dubio pro mathematica!*

Die Wissenschaft, die sich mit all diesen Problemen beschäftigt, heißt Kryptologie oder Kryptographie. In den sechs Kapiteln dieses Buches werde ich ihnen die Themen vorstellen, die meiner Meinung nach wesentlich für das Verständnis der modernen Kryptologie sind. Wir werden also den Teil der Kryptologie behandeln, der zur Allgemeinbildung gehört. Mein Ziel ist es, die Grundgedanken dieses Gebiets darzulegen. Das kann ich nicht leisten, ohne wenigsten ab und zu ein System im Detail zu behandeln. Aber ich habe versucht, einen lesbaren Text zu schreiben, der weitgehend ohne formalen Ballast auskommt.

Das erste Kapitel hat zwei Ziele. Zunächst betrachten wir einige monoalphabetische Algorithmen über dem natürlichen Alphabet, wie etwa die Cäsar-Chiffre. Es wird sich herausstellen, dass all diese Chiffrierungen relativ leicht zu brechen sind. Bei der Darstellung dieser Algorithmen werden wir uns zwanglos die grundlegenden kryptologischen Begriffe und Bezeichnungen klar machen.

Das zweite Kapitel ist polyalphabetischen Chiffrierungen über dem natürlichen Alphabet gewidmet. Diese sind komplizierter aufgebaut, und man benötigt daher auch präzisere Methoden, um sie zu brechen. Zwei solche Methoden, nämlich den Kasiski-Test und den Friedman-Test werden wir detailliert besprechen.

Das dritte Kapitel ist ein theoretisches Sahnehäubchen. Dort werden Sie nicht nur eine Erklärung des Begriffs ‚sicher‘, sondern auch ein perfektes, also sogar theoretisch sicheres Chiffriersystem (das sogenannte one-time pad) finden. Die zweite Hälfte dieses Kapitels dient dem Studium der ‚rückgekoppelten Schieberegister‘, auf denen sehr viele moderne Algorithmen beruhen.

Im vierten Kapitel werden wir uns mit den Diensten ‚Integrität‘ und ‚Authentizität‘ beschäftigen. In diesem Gebiet der Kryptographie versucht man nicht, Daten geheim zu halten, sondern vielmehr, ihre Unversehrtheit zu garantieren und Gewissheit über den Datenursprung zu erhalten. Diese Problemstellung hat in den letzten Jahren der reinen Geheimhaltung der Daten den Rang abgelaufen und ist dafür verantwortlich, dass die Kryptologie nicht mehr auf den abgeschotteten Bereich der militärischen Anwendungen beschränkt ist, sondern sich im rauen Wind der freien Wirtschaft bewähren kann. An einem alltäglichen Beispiel wird die Bedeutung der Datenintegrität klar: Ich kann es zur Not verschmerzen, wenn ein Unbefugter erfährt, wieviel Geld mir der Verlag Vieweg als Honorar für dieses Buch jährlich überweist; mindestens einer der Beteiligten würde aber ziemlich unfreundlich reagieren, wenn der Unbefugte an den Überweisungen etwas verändern kann, sei es den Betrag, sei es die Kontonummer!

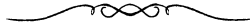
In diesem Kapitel werden wir auch die geheimnisvollen ‚Zero-Knowledge-Algorithmen‘ kennen lernen. Dabei geht es um folgende Frage: Können Sie mich davon überzeugen, ein bestimmtes Geheimnis zu haben, ohne mir auch nur das Geringste davon zu verraten? Diese Algorithmen haben in den letzten Jahren großes Interesse gefunden. Schließlich werden wir Chipkarten behandeln, die sich als das Werkzeug zur Realisierung von kryptographischen Diensten für jedermann als ideales Werkzeug anbieten.

Im fünften Kapitel werden wir die zukunftsweisenden Public-Key-Systeme (‚asymmetrische‘ Systeme) vorstellen, deren Einführung durch Diffie und Hellman 1976 eine Revolution der Kryptologie war. Dies zeigt sich zuletzt auch darin, dass seitdem die Kryptologie mehr und mehr Ansehen in der Mathematik und der Informatik gewonnen hat. Die Eleganz der Public-Key-Algorithmen ist allerdings weit mehr als ein Spielzeug für Mathematiker: Ihre Erfindung war entscheidend durch praktische Probleme motiviert. Wir werden sehen, dass man mit solchen Algorithmen wichtige praktische Probleme auf sehr befriedigende Art und Weise lösen kann.

Im abschließenden sechsten Kapitel studieren wir ein Problem, das am Rande der Kryptologie liegt, nämlich Anonymität. In vielen rechnergestützten Systemen wird Sicherheit vor allem dadurch erreicht, dass alle relevanten Vorgänge aufgezeichnet und ausgewertet werden. Damit sind all diese Ereignisse rekonstruierbar, nichts bleibt verborgen: Der Computer spielt



in gewisser Weise die Rolle Gottes: Er weiß alles. Frage: Ist es möglich, ein elektronisches System zu entwerfen (beispielsweise für elektronisches Bezahlen), das grundsätzlich nicht allwissend ist, aber dennoch die notwendige Sicherheit bietet? Anders gefragt: Widersprechen sich Sicherheit und Anonymität? Wir werden zwei Systeme vorstellen, bei denen sich diese beiden Qualitäten vereint sind. Insbesondere werden wir diskutieren, ob es ein elektronisches Äquivalent zum üblichen Münzgeld geben kann.



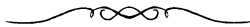
Sie merken: Das sind zum großen Teil neue, aufregende, sehr praxisbezogene Themen. Wenn Sie fürchten, dass alles sehr kompliziert und undurchschaubar wird, dann kann ich Ihnen sagen: Keine Angst: Die Kryptologie ist ein Glücksfall, da man gerade die neuen und zukunftsweisenden Dinge ziemlich anschaulich erklären kann. Ich habe versucht, alles möglichst verständlich, klar und – hoffentlich – unterhaltsam darzustellen.

Es ist nicht notwendig, die Kapitel der Reihe nach zu lesen. Erschrecken Sie nicht, wenn Ihnen die eine oder andere Stelle zunächst kryptisch vorkommt. In den allermeisten Fällen ist der folgende Text auch ohne Kenntnis dieser 'schwierigen' Stelle verständlich. Mein Rat: Überblättern Sie ruhig die eine oder andere Stelle – und tun Sie das gute Gewissens!

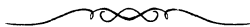
Am Ende jeden Kapitels finden sich Übungsaufgaben, insgesamt über 100. Alle Übungsaufgaben werden Ihnen, so hoffe ich, Spaß machen; die meisten sind einfach zu lösen. [Hinweis: Die schwierigeren Übungsaufgaben enthalten einen Hinweis zu ihrer Lösung.]

Einige wenige, etwas schwierigere Aufgaben sind durch das Symbol \* gekennzeichnet. Sie werden auch Programmieraufgaben finden. Durch diese können Sie sich überzeugen, dass die dargestellten Verfahren auch wirklich funktionieren. Keine dieser Aufgaben, die man an dem 'Klammeraffen' @ erkennt, ist besonders schwierig. Manche erfordern einige Zeit – wie das beim Programmieren so üblich ist.

Einige Aufgaben fordern Sie heraus, einen Geheimtext zu entschlüsseln. Wenn Sie kontrollieren wollen, ob Sie auf der richtigen Spur sind, haben Sie die Möglichkeit, auf Seite 169 nachzuschauen.



Eine Erfahrung will ich Ihnen nicht vorenthalten: Ich habe von mehr als einer hübschen jungen Dame gehört, die es anregend fand, mit diesem Buch in die Badewanne zu steigen und sich dort der Lektüre hinzugeben. Ein schöneres Kompliment kann ich mir kaum vorstellen! Ich hoffe, dass auch Sie Spaß bei der Lektüre dieses Buches haben.



Mein Dank gilt allen, die dieses Buchprojekt unterstützten, kritisch begleiteten und förderten. Es sind zu viele, als dass ich sie hier alle nennen könnte.

An erster Stelle danke ich meinen nächsten Angehörigen, Monika, Christoph und Maria. Sie mussten nicht nur häufig als Versuchskaninchen herhalten, sondern haben mir auch mehrere Male großzügig Urlaub zum Bücherschreiben gewährt.

Ferner gilt mein Dank meinen Kollegen A, C, F, I, J, L, M, R, U – in alphabetischer Reihenfolge, wobei einige Buchstaben mehrfach zu zählen sind und mindestens einer fett zu drucken gewesen wäre. Sie haben das Entstehen dieses Buches auf mannigfaltige Weise geför-

dert: durch akribische Kritik, durch konstruktive Vorschläge, durch aufmunternde Gespräche, durch inspirierende Sitzungen, durch schnelles Beschaffen von Material usw. usw.

Die neue Auflage wurde von eifrigen Studierenden von einem Schreibsystem, das zu allen lebenden Systemen inkompatibel ist, in modernes Word übertragen. Herzlichen Dank!

Ein besonderer Dank gebührt Frau Dr. Ute Rosenbaum, die sich in der letzten Phase der Herstellung dieses Buches engagiert und effizient alle möglichen technischen und nichttechnischen Probleme gelöst hat.

Dem Verlag Vieweg danke ich für die langjährige problemlose, freundliche und geduldige Zusammenarbeit.

# Inhaltsverzeichnis

## **Kapitel 1 Cäsar oder**

### **Aller Anfang ist leicht! 1**

- 1.1 Die Skytala von Sparta 3
- 1.2 Verschiebechiffren 4
- 1.3 Monoalphabetische Chiffrierungen 11
- 1.4 Tauschchiffren 12
- 1.5 Schlüsselwörter 14
- 1.6 Kryptoanalyse 15
- 1.7 Moderne monoalphabetische Algorithmen 18
- Übungsaufgaben 19

## **Kapitel 2 Wörter und Würmer oder**

### **Warum einfach, wenn's auch kompliziert geht? 27**

- 2.1 Verschleierung der Häufigkeiten 27
- 2.2 Die Vigenère-Chiffre 29
- 2.3 Kryptoanalyse 31
  - 2.3.1 Der Kasiski-Test 32
  - 2.3.2 Der Friedman-Test 34
  - 2.3.3 Bestimmung des Schlüsselworts 40
- 2.4 Schlussbemerkungen 40
- Übungsaufgaben 41

## **Kapitel 3 Sicher ist sicher oder**

### **Ein bisschen Theorie 45**

- 3.1 Chiffriersysteme 45
- 3.2 Perfekte Sicherheit 47
- 3.3 Das One-Time-Pad 51
- 3.4 Schieberegister 53
- 3.5 Kryptoanalyse von linearen Schieberegistern 57
- Übungsaufgaben 61

## **Kapitel 4 Daten mit Denkkzettel oder**

### **Ein Wachhund namens Authentifikation 65**

- 4.1 Motivation 65
- 4.2 Integrität und Authentizität 67
  - 4.2.1 Mac 'n Data 68
  - 4.2.2 Benutzerauthentifikation 71
  - 4.2.3 Zero-Knowledge-Protokolle 78
- 4.3 Chipkarten 83
  - 4.3.1 Chipkarten zur Zugangskontrolle 84

4.3.2	Einkaufen mit der Karte	86
	Übungsaufgaben	88
<b>Kapitel 5</b>	<b>Die Zukunft hat schon begonnen oder Public-Key-Kryptographie</b>	<b>93</b>
5.1	Public-Key-Kryptosysteme	93
5.2	Die digitale Signatur	98
5.3	Der RSA-Algorithmus	101
5.3.1	Ein Satz von Euler	101
5.3.2	Der euklidische Algorithmus	104
5.3.3	Schlüsselerzeugung	108
5.3.4	Anwendung des RSA-Algorithmus	109
5.3.5	Die Stärke des RSA-Algorithmus	112
5.4	Schlüsselaustausch	115
5.5	Weitere Anwendungen des diskreten Logarithmus	119
5.6	Die Authentizität der öffentlichen Schlüssel	122
	Übungsaufgaben	124
<b>Kapitel 6</b>	<b>Ach wie gut, dass niemand weiß, dass ich Rumpelstilzchen heiß oder Wie bleibe ich anonym?</b>	<b>127</b>
6.1	Was ist Anonymität?	127
6.2	Drei (zu) einfache Modelle	130
6.2.1	Anonymität des Empfängers: Broadcasting	130
6.2.2	Anonymität des Senders: Pseudonyme	130
6.2.3	Anonymität der Kommunikationsbeziehung: Rauschen	131
6.3	Elektronisches Geld	131
6.4	MIX as MIX can	134
	Übungsaufgaben	139
<b>Ausklang</b>		<b>141</b>
<b>Entschlüsselung der Geheimtexte</b>		<b>143</b>
<b>Literaturverzeichnis</b>		<b>145</b>
<b>Index</b>		<b>151</b>